

高エネルギーハドロン衝突の QCD物理

2017年 12月 5-7日 神戸大学 山崎祐司 yamazaki@phys.sci.kobe-u.ac.jp

講義の内容

1. ハドロン散乱の基礎過程

ソフトな散乱とハードな散乱、様々なプロセス

2. パートン密度

フォーマリズム、電子・陽子散乱による測定、解釈

- ハードな散乱と摂動論的QCD ジェットと破砕化,高次の摂動計算入門, *a_s* 測定
 談話会:「LHC 陽子散乱の理解と QCD: トップクォーク,新物理探索を例にとって」
- 5. ソフトな散乱 (+3. の続き)

全断面積,回折散乱,多重パートン散乱

6. 回折散乱の摂動論的理解

回折散乱の実験・解析手法、前方粒子生成

プロローグ

- QCDの歴史は、それほど長くない
 - Gross, Politzer, Wilczek 1973 Asymptotic freedom of QCD
 あまり注目されていなかった
 - パートンと Bjorken scaling, SLAC-MIT: 1968 年(私が生まれた年)
 - にもかかわらず, J/ψ が1974 年 11 月に発見されるまで、クォークは仮想的なものと考えられていた
 - グルーオンの発見 (素粒子の中で唯一ノーベル賞なし!) 1979年
- QCDは汚い?複雑?
 - だからこそ,いい加減でも十分エキスパートに
 - 高エネルギー QCD は、いわゆるハドロン物理ともちょっと違う、摂動論の世界
 - ある意味,場の理論のありがたみと困難を,同時に味わえる

LHC (Large Hadron Collider) at CERN*

*CERN: 欧州原子核研究所

- 標準模型の予言する質量起源のヒッグス粒子, 標準模型を超える粒子・相互作用の発見が目的
- 世界最大, 最高エネルギー の加速器

周長27km

(電子・陽電子衝突実験 LEP トンネルの再利用)7TeV = 7 兆電子ボルト

(TeV = 7 92電リホル 1 (TeV = 10¹² eV) 陽子同士の衝突 重心系エネルギー14 TeV → 2010-12 年は 7-8 TeV 2015年から 13 TeV 衝突

40MHz 衝突



LHC は, 陽子をぶつける



- 陽子は複合粒子 クォーク、グルーオンで できている
- 激しい散乱は、このクォーク、 グルーオンのぶつかり合い 残りは飛び去る
 - ただし、パートンが見えないと
 全体がぐちゃっとぶつかる
 ように見える
 - ぶつかる確率は、陽子の
 「断面積」に比例

激しい散乱



ハドロンコライダー:e⁺e⁻衝突との違い

- e⁺e⁻衝突:
 - ビームが完全に対消滅できる
 - 新粒子の対生成が(エネルギー 効率よく)できる
 - ビーム進行方向の運動量保存が
 使える



ハドロンコライダー
 ビームの一部が散乱
 ビームと垂直な面での
 運動量保存だけが使える



陽子の基本構造

 バリオン:3つのクォーク
 – 強い相互作用で閉じこめられている カラー相互作用=グルーオン

- RGB(赤緑青)でカラー中性

$$p = (u \quad u \quad d) \qquad n = (u \quad d \quad d)$$
$$1 = +\frac{2}{3} + \frac{2}{3} - \frac{1}{3} \qquad 0 = +\frac{2}{3} - \frac{1}{3} - \frac{2}{3}$$

- 強い相互作用@低エネルギー
 結合定数が大きい
 - もっと細かく見ると、右図の ようにうじゃうじゃしている?





陽子中のクォーク、グルーオンの分布は?

- 想像してみてください
- 知っている人は、なぜそうなるのか教えて

- 関連するはなし:
 - ニュートリノ・核子散乱断面積(フォームファクター)
 - クォークの破砕関数,特に重いクォーク

固定標的実験での陽子構造測定



- Q² が大きくなる
 と波長が短くなる
 - 細かい内部構造 が見えてくる
 - グルーオンが クォーク・ 反クォーク対に 分解してできる 「Sea (海) クォーク」

実際の分布

x: パートンの 運動量比 *f*: パートンの密度

g: gluon

s: sea quark

 u_V, d_V : Valence (価) クォーク





散乱断面積の形

• 低い運動量,質量のものが圧倒的に多い



ハドロンコライダーと運動量保存

- 陽子の残り(ほぼすべて)は, 前方に飛び去る
- パートン散乱の 重心系エネルギー $\sqrt{\hat{s}} = \sqrt{x_1 x_2 s}$
- 移行運動量 (の負数の2乗) $\hat{t} \equiv Q^2 \sim p_T^2$



基本(再低次の摂動)は パートン・パートンの2→2散乱



ハドロン衝突の運動学とRapidity

偽ラピディティー (pseudorapidity) $\eta = -\ln(anrac{ heta}{2})$ つまり角度の関数,90度でゼロ ラピディティー

$$e^{\eta} = -\tan\left(\frac{\theta}{2}\right) = \sqrt{\frac{1+\cos\theta}{1-\cos\theta}}$$

$$y = \ln \sqrt{\frac{E+P_Z}{E-P_Z}} = \ln \frac{E+P_Z}{m_T}$$
 (1) の massless 極限

Why rapidity?

Lorenz boost

$$\begin{pmatrix} E'\\ p_{Z}' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \gamma & -\beta\gamma\\ -\beta\gamma & \gamma \end{pmatrix} \begin{pmatrix} E\\ p_{Z} \end{pmatrix} & \forall \\ p_{Z} \end{pmatrix} & \forall \\ y' = \ln \frac{E' + p_{Z}'}{m_{T}} = \ln \frac{(1 - \beta)\gamma(E + p_{Z})}{m_{T}} = y + \ln(1 - \beta)\gamma \\ = y + \Delta y \\ \neg \sharp \psi, \text{ rapidity } 0 計算は, 足し算でよい !$$

• 2つの終状態パートンの CM frame のラピディティは,

- boost
$$x \cup x \in \pm y_0$$
, $y_{CM} = 0$

 $- y_{CM} = y_B$ だけ boost していれば $y_B \pm y_0$

ハドロン衝突の運動学とRapidity

ラピディティー

$$y = \ln \sqrt{\frac{E + P_Z}{E - P_Z}} = \ln \frac{E + P_Z}{m_T} (1), \quad m_T^2 = p_x^2 + p_y^2 + m^2 = p_T^2 + m^2$$
$$(\because E^2 - p_Z^2 = p^2 + m^2 - p_Z^2 = p_T^2 + m^2)$$
$$\& \supset \mathcal{T},$$

$$e^{y_{partonCM}} = \sqrt{\frac{(E+P_Z)_{partonCM}}{(E-P_Z)_{partonCM}}} = \sqrt{\frac{(E+P_Z)_{1+2}}{(E-P_Z)_{1+2}}} = \sqrt{\frac{x_1}{x_2}} (2)$$

$$E_{1+2} = (x_1 + x_2)E, \ p_{Z1+2} = (x_1 - x_2)E \ (I \equiv I \equiv massless \ (c \equiv L = \sqrt{x_1} + x_2)E, \ p_{Z1+2} = (x_1 - x_2)E \ (I \equiv I \equiv massless \ (c \equiv L = \sqrt{x_1} + x_2)E, \ p_{Z1+2} = (x_1 - x_2)E \ (I \equiv I \equiv massless \ (c \equiv L = \sqrt{x_1} + x_2)E, \ p_{Z1+2} = (x_1 - x_2)E \ (I \equiv I \equiv massless \ (c \equiv L = \sqrt{x_1} + x_2)E, \ p_{Z1+2} = (x_1 - x_2)E \ (I \equiv I \equiv massless \ (c \equiv L = \sqrt{x_1} + x_2)E, \ p_{Z1+2} = (x_1 - x_2)E \ (I \equiv I \equiv massless \ (c \equiv L = \sqrt{x_1} + x_2)E, \ p_{Z1+2} = (x_1 - x_2)E \ (I \equiv I \equiv massless \ (c \equiv L = \sqrt{x_1} + x_2)E, \ p_{Z1+2} = (x_1 - x_2)E \ (I \equiv I \equiv massless \ (c \equiv L = \sqrt{x_1} + x_2)E, \ p_{Z1+2} = (x_1 - x_2)E \ (I \equiv I \equiv massless \ (c \equiv L = \sqrt{x_1} + x_2)E, \ (c \equiv L = \sqrt{x_1} + x_2)E \ (c \equiv L = \sqrt$$

パートンの運動量比

$$e^{y_{partonCM}} = \sqrt{\frac{(E+P_Z)_{partonCM}}{(E-P_Z)_{partonCM}}} = \sqrt{\frac{(E+P_Z)_{1+2}}{(E-P_Z)_{1+2}}} = \sqrt{\frac{x_1}{x_2}} (2)$$

$$E_{1+2} = (x_1 + x_2)E, \ p_{1+2} = (x_1 - x_2)E \ (IまIまmassless 仮定)$$

$$M \equiv \sqrt{\hat{s}} = \sqrt{x_1 x_2 s} \ \& \ (2) \ \& \ \forall \ x_1 = \frac{M}{\sqrt{s}} e^{y_{partonCM}}$$

ハドロン衝突の運動学とRapidity

また, $x_1 = \frac{(E+P_Z)_{1+2}}{2E} = \frac{(E+P_Z)_1 + (E+P_Z)_2}{2E}$ Massless particleなら, $E - p_Z = \frac{E_T(E-p_Z)}{E_T}$, $E_T = \sqrt{E^2 - p_Z^2}$ より

$$E - p_Z = E_T \sqrt{\frac{(E - p_Z)^2}{E^2 - p_Z^2}} = E_T e^{-y} \ \text{L} \ \neg \ \tau \ x_1 = \frac{E_{T1} e^{-y_1} + E_{T2} e^{-y_2}}{2E_{beam}}$$

2→2散乱の両粒子(あるいはジェット)の運動量(あるいは向 きとエネルギー,向きと横運動量)がわかれば,始状態の運動 量もわかる

ハドロン散乱の基本変数: E_T , $y(or \eta)$

• ハドロン散乱の位相空間

$$d^{4}p\delta(p^{2} - M^{2}) = \frac{dp}{E} = \pi dydp_{T}^{2}$$

$$\because \frac{dy}{dp_{Z}} = \frac{d}{dp_{Z}} \ln \frac{E + P_{Z}}{m_{T}} = \frac{d}{dp_{Z}} \left(\frac{E + P_{Z}}{m_{T}}\right) \cdot \frac{m_{T}}{E + p_{Z}} \quad (1) \ m_{T} \ \texttt{i} \ \texttt{k} \ \texttt{h} \ \texttt{h} \ \texttt{f} \ \texttt{f} \ \texttt{f} \ \texttt{f} \ \texttt{f}$$

$$\frac{d}{dp_{Z}} \left(E + p_{Z}\right) = \frac{d}{dp_{Z}} \left(\sqrt{m_{T}^{2} + p_{Z}^{2}} + p_{Z}\right) = \frac{p_{Z}}{\sqrt{m_{T}^{2} + p_{Z}^{2}}} + 1 = \frac{p_{Z} + E}{E} \ \texttt{k} \ \texttt{h}$$

$$(1) = \frac{1}{2} \ \texttt{k} \ \texttt{h} \ \texttt{f} \ \texttt{f} \ \texttt{f} = dy$$

$$E^{E} = d\phi p_T dp_T$$
 積分して = πdp_T^2

実際の粒子の分布

- ソフトな散乱(粒子間の強い correlation 希薄)
 な場合,粒子は位相空間に均等にばらまかれるはず
 → η にほぼ一定の分布
- 横方向 (p_T)は、「かすり散乱」がやはり多い
 Exponential + tail









A high-mass, central dijet event collected in July 2015 (Event 403602858, Run 271298): the two central high-pT jets have an invariant mass of 3.25 TeV, the highest-pT jet has a pT of 1.47 TeV, and the subleading jet has a pT of 1.40 TeV. The missing ET and Sum ET for this event are 55 GeV and 3.12 TeV, respectively. Only tracks with pT > 1 GeV are displayed.

クォークとグルーオン

- クォークと電磁気 (γ) u-type (e² = 4/9) d-type (e² = 1/9)
- W[±]: u, d 同じ電荷
- Z⁰は複雑
- グルーオン
 クォーク間の相互作用
 電弱相互作用との違い:
 - 結合定数がむちゃくちゃ大きい
 - 自己結合する

 (非可換群の性質,
 弱ゲージボゾンも同じ)



3つの力の結合定数



- 強い相互作用: 摂動計算(逐次近似)が収束しにくい
 - 特に ~0.5 GeV以下では収束しない
 非摂動論的な取り扱いが必要

強い相互作用による クォークの閉じこめ

- 強い相互作用の結合定数は, 相互作用のエネルギーが高いほど小さい(低いほど大きい)
- 力は距離が離れるほど強く なる
- ポテンシャルエネルギーに より新たに粒子・反粒子が 対生成
 - 中間子を形成し, 多粒子 のジェットとなる
 - 破砕化 (fragmentation)とよ ばれる



クォークが「見える」条件

- 閉じ込めにより、クォークは外には出てこないが 「見る」ことはできる
- 高いエネルギーの散乱(短い波長)で見れば, α_s が小さくなって, 見えるようになる
 - 電子·陽子散乱(深非弾性散乱, deep inelastic scattering, DIS)
 - ハドロン同士のパートン散乱:
 いわゆる「ハード」な散乱
 横運動量が大きい



ソフトな散乱とハードな散乱

ハードな散乱

- 高い運動量の粒子を交換
 ハドロン散乱では、主にパートン
- か,あるいは電弱相互作用で 点状粒子 (γ, W[±], Z⁰) を交換
- 横運動量の大きな粒子が出る

ソフトな散乱

- 陽子全体が、クォーク物質 (quark matter)
 として散乱する(パンケーキ)
- 強い短距離力で散乱
 当たるか、当たらないか
- 散乱断面積は、ハドロンの 投影面積で決まる



散乱断面積のふるまい

点状粒子:エネルギーの2乗に反比例

$$\sigma(e^+e^- \to \mu^+\mu^-) = \frac{4\pi\alpha^2}{3s}$$



- 意味するところ:高エネルギーでは よりルミノシティが必要

- なぜ?

ソフトな散乱も、オリジナルの湯川理論(パイオン交換)で
 説明できると思われていた

$$- V(r) = -\frac{g^2}{4\pi} \frac{e^{-m_\pi r}}{r} : 短距離力$$

- 位相空間から、1/s 依存性は依然存在
- 散乱断面積は、エネルギーが上がるほど下がるはず?

実際のふるまい

断面積は、エネルギーに対してほぼ一定、逆にやや増加
 パンケーキモデルが正しい



ハードな散乱の断面積







重心系エネルギーと散乱断面積



•

•

Cross section ratios: 13 TeV / 8 TeV

標準模型のチェック:散乱断面積



- 全散乱断面積は ゆっくりしか増えない σ ∝ A ln s + B ln² s
- 陽子は、エネルギーが大きく なると少しずつ「大きく」 なっている

- パートン同士の散乱は「ベ き」で増える $\sigma \propto A \cdot s^{\lambda}$
- パートンそのものが、衝突エネルギーが高くなるとべき乗で増加している

先ほどのスライド

散乱断面積の形

• 低い運動量,質量のものが圧倒的に多い



ハドロンコライダーの主なプロセス

• QCD過程が主な断面積を占める



破砕化して、ジェットを生成

大基本: Drell-Yan (W, Z production)

- 電弱相互作用
 - 理論で正確に予測
 - 検出器,パートン密度の理解







m_T: 運動量の xy 成分 だけで計算した不変質量

34



Run Number: 152409, Event Number: 5966801

Date: 2010-04-05 06:54:50 CEST



W→ev candidate in 7 TeV collisions

 $p_{T}(e+) = 34 \text{ GeV}$ $\eta(e+) = -0.42$ $E_{T}^{miss} = 26 \text{ GeV}$ $M_{T} = 57 \text{ GeV}$



ジェット生成

- クォークまたはグルーオンの 破砕化
 - 終状態がクォークか, グルーオンか判別は難しい



 パートンはパートンを放出 3つ以上のジェットも多い (Next-to-Leading Order)



Diboson production

- WW, ZZ
 - Higgs → WW・ZZ と同じ終状態
- 新物理にも感度
 - Triple Gauge-boson coupling (右の diagram)



ATLAS のRun1/2標準模型測定

Standard Model Production Cross Section Measurements

Status: July 2017



W, Z + jets

- W, Z 生成の際に quark, gluon が放射されたもの
 - 高次の QCD 計算:
 計算が難しく,不定性大きい
- Heavy particle 測定の バックグランドになる
 - Higgs WW channel
 - Top (特に $W + b\overline{b}$)
 - SUSY (E_{Tmiss} + jets) などなど







Diboson – possible indication of new physics

← EW diagrams

↓ QCD diagrams

 W^+

- WW scattering amplitude vs \sqrt{s} : sensitive to new physics
 - would have diverged with \sqrt{s} if no Higgs. It still may, if BSM is present
 - worth measuring quartic coupling in SM precisely
- First EW scattering of $W^{\pm}W^{\pm}$!



Diboson production thru "UPC"

 Soft photon from proton through "form factor"







Top production in hadron colliders

- The only quark heavier than EW scale: $m_t \simeq 173~{
 m GeV}$
- pair production: thru strong interaction



 $p\bar{p}$ @ Tevatron: 7.2 pb mostly $q\bar{q} \rightarrow t\bar{t}$



 $pp @ LHC: mostly from gg \rightarrow t\bar{t}$

~ 820 pb @ 13 TeV

> 40 millions of top pairs already produced cf. Belle > 772 millions of $\Upsilon(4s)$

• **single-top** production: **weak** processes



Inclusive cross section behaviour



- Rapid rise: reflecting the gluon density
- 5 TeV data from CMS from 2015 data (reference *pp* run for heavy ions)

New result not included here: ATLAS 8TeV I+jets (±13pb) ATLAS-CONF-2017-054

Single-top: overview



- No longer statistically limited for inclusive σ
- Can measure t-channel without multi-variate analysis (and soon Wt as well)

(light) Heavy-flavour production

- Splitting: important at large p_T/m_Q
- One must not miss terms suppressed by m_Q/p_T
 - Must be important at $m_Q \sim p_T$ or below



Relative strengths of diagrams

- Gluon splitting becomes dominant at high- p_T
 - At Tevatron flavour creation is dominant (s-channel $q\bar{q}$ annihilation)



A. Banfi, G. P. Salam, G. Zanderighi, JHEP 07 (2007) 026 fig.2

ヒッグス粒子と SM 粒子の湯川結合定数

- W/Z: 電弱相互作用と同等
 - エネルギーが大きければ ($\approx M_W$) かなり大きい
- クォークとの結合
 - チャームかそれより軽いクォークでは
 無視できる
 - b: 電弱と同じくらい
 - t: 非常に強い
- ほとんどの場合そう大きくはない
 - 質量は全ての「もの」にあるのに, ちょっと不思議な気もする?

	<i>m_f</i> /(√2φ₀)
е	$2.0 imes 10^{-6}$
μ	4.1×10^{-4}
τ	$7.0 imes 10^{-3}$
u	2× 10 ⁻⁵
d	3 × 10 ⁻⁵
S	5× 10 ⁻⁴
С	5.2×10^{-3}
b	1.7×10^{-2}
t	0.7

LHC でのパートンの x, Q²



SM Higgs boson production @ LHC



Associated ttH, bbH



50

SM Higgs boson production @ LHC

 生成断面積が 大きい

gun

min

- グルーオンが 多いから

Н

gluon fusion

- バックグランド (似たような 事象)も多い
 - 付随した特徴ある粒







バックグランドを減らせる



- m_H = 125 GeV では
 → bb, WW*
 → ττ (< 10%)</p>
 → γγ (2 × 10⁻³)
- Golden channel: ZZ $\rightarrow 4l$, $\gamma\gamma$
 - 全ての終状態の粒子が 荷電レプトンか光子
 - → 不変質量を再構成できる
 - できる量は少なくても, バックグランド少ない
- どうやって Higgs は photon と結合する?

