# B中間子のCP対称性の破れ

Flavor Physics workshop 2022

#### 佐藤 瑶 (KEK, IPNS)



#### □ CP対称性の破れの必要条件

#### □ クォークの世代混合・CKM行列・ユニタリティ多角形

#### □ 中性中間子系のCP対称性の破れ

□ Belle || でのB中間子のCP対称性の破れの研究について

離散的な変換: C変換, P変換

C変換: 粒子と反粒子の変換

**P**変換: *x*を*-x*に変える変換

(= 鏡像変換+回転)



- C変換の元で物理法則が不変
- → C対称性



#### P変換の元で物理法則が不変

→ P対称性



- ニュートリノは弱い相互作用のみ受けるが、
- 左巻きニュートリノ $\nu_L$ と右巻き反ニュートリノ $\overline{\nu}_R$ しか相互作用しない。
- = C対称性もP対称性も破れている(CP対称性は破れていないように見える?)



ベータ崩壊のハミルトニアンを使って、CP対称性の破れの条件を考えてみよう

中性子のベータ崩壊:  $n \rightarrow pe^{-}\bar{v}$ . クォークで見ると、 $d \rightarrow ue^{-}\bar{v}$ 

$$H = \frac{G_F}{\sqrt{2}} \bar{u} \gamma^{\mu} (1 - \gamma_5) d \cdot \bar{e} \gamma_{\mu} (1 - \gamma_5) \nu + h.c.$$
$$= 2\sqrt{2} G_F \bar{u}_L \gamma^{\mu} d_L \cdot \bar{e}_L \gamma_{\mu} \nu_L + h.c.$$

 $G_F$ :フェルミ結合定数 (重いWの寄与(=短距離)を一点にみなす)



ある変換の元でハミルトニアンが不変なら、対称性があると言える。

試しにP変換を考えてみると、、

P変換  
$$2\sqrt{2}G_F\bar{u}_L\gamma^{\mu}d_L\cdot\bar{e}_L\gamma_{\mu}\nu_L \qquad \qquad 2\sqrt{2}G_F\bar{u}_R\gamma_{\mu}d_R\cdot\bar{e}_R\gamma^{\mu}\nu_R = 0$$

 $\nu_R$ は弱い相互作用しないので、ハミルトニアンが不変ではない

→ P対称性が破れている

CP変換でハミルトニアンがどう変わるか見てみる

エルミート共役(h.c.)を省略せずに書くと、、





 $2\sqrt{2}G_F \bar{d}_L \gamma_\mu u_L \cdot \bar{\nu}_L \gamma^\mu e_L$  $+ 2\sqrt{2}G_F \bar{u}_L \gamma_\mu d_L \cdot \bar{e}_L \gamma^\mu \nu_L$ 

CP変換でハミルトニアンが不変=CP対称性

もし、仮にフェルミ結合定数が複素数だとすると、結果が変わる。



CP変換でハミルトニアンが不変ではない=CP対称性が破れている

CP対称性を破るためには、結合定数が複素数=複素位相を持つことが必要

クォークの世代混合



#### □ 「弱い相互作用の固有状態」 と

「質量の固有状態」が一致していたら、 世代をまたぐ過程は生じない

#### 「弱い相互作用の固有状態」 と 「質量の固有状態」は一致しない

=

□ 三世代のクォーク・レプトンが存在

□ 弱い相互作用は、世代をまたぐ過程をもつ

**Flavor Physics workshop 2022** 

#### クォークの世代混合

弱い相互作用の固有状態 U', D' と、質量の固有状態 U, D の混合を考えよう  $U' = \begin{pmatrix} u' \\ c' \\ t' \end{pmatrix}, D' = \begin{pmatrix} d' \\ s' \\ b' \end{pmatrix}$   $U = \begin{pmatrix} u \\ c \\ t \end{pmatrix}, D' = \begin{pmatrix} d \\ s \\ b \end{pmatrix}$  (三世代じゃなくても良い)

あるユニタリー行列 $V_u, V_d$ を使って、 $U' = V_u U, D' = V_d D$ と書ける

弱い相互作用のラグランジアンを見てみよう

(U',D'の同じ世代同士で相互作用する)



 $\mathcal{L} \propto g U_L' \gamma^\mu D_L' W_\mu^\dagger$ 

#### クォークの世代混合

$$\mathcal{L} \propto g U'_L \gamma^{\mu} D'_L W^{\dagger}_{\mu}$$
  
=  $g U_L V^{\dagger}_u \gamma^{\mu} V_d D_L W^{\dagger}_{\mu}$   
=  $g U_L \gamma^{\mu} (V^{\dagger}_u V_d) D_L W^{\dagger}_{\mu}$ 



質量の固有状態 U,D で見ると、CKM行列  $V_{CKM} \equiv (V_u^{\dagger}V_d)$ によって世代混合

$$V_{CKM} = \begin{pmatrix} V_{ud} & V_{us} & V_{ub} \\ V_{cd} & V_{cs} & V_{cb} \\ V_{td} & V_{ts} & V_{tb} \end{pmatrix}$$

 $(Z, \gamma o 相互作用では、 V_u^{\dagger}V_u = V_d^{\dagger}V_d = 1$ となるので世代混合しない)

#### CP対称性の破れのためには、結合定数が複素位相を持つことが必要だった =CKM行列要素に複素位相を持たせられれば、CP対称性の破れを作れそう

n×n ユニタリー行列の自由度

● *n*×*n*複素行列の自由度は2*n*<sup>2</sup>

• ユニタリー条件
$$V_{CKM}^{\dagger}V_{CKM} = 1$$
のため、 $2n^2 - n^2 = n^2$ 

• このうち世代混合に使われる自由度は、 $_{n}C_{2} = \frac{n(n-1)}{2}$  (n個から2個選んで回転)

• 残りが複素位相 
$$n^2 - \frac{n(n-1)}{2} = \frac{n(n+1)}{2}$$

### CKM行列とCP対称性の破れ:二世代の場合

#### 二世代の場合を考えよう

複素位相があるので**CP**対称性の破れを起こせる?

荷電カレントを書いてみる。

$$J_{\mu} = \frac{g}{\sqrt{2}} (\bar{u} \quad \bar{c}) \begin{pmatrix} \cos \theta_c \, e^{i\phi_1} & \sin \theta_c \, e^{i\phi_2} \\ -\sin \theta_c \, e^{i\phi_3} & \cos \theta_c \, e^{i(-\phi_1 + \phi_2 + \phi_3)} \end{pmatrix} \gamma_{\mu} \begin{pmatrix} d \\ s \end{pmatrix}$$

### CKM行列とCP対称性の破れ:二世代の場合

#### クォーク場毎に位相変換しても、ラグランジアンは不変。

$$u \to e^{i\phi_1}u, c \to e^{i\phi_3}c \qquad \begin{pmatrix} \cos\theta_c \, e^{i\phi_1} & \sin\theta_c \, e^{i\phi_2} \\ -\sin\theta_c \, e^{i\phi_3} & \cos\theta_c \, e^{i(-\phi_1+\phi_2+\phi_3)} \end{pmatrix} \to \begin{pmatrix} \cos\theta_c & \sin\theta_c \, e^{i(-\phi_1+\phi_2)} \\ -\sin\theta_c & \cos\theta_c \, e^{i(-\phi_1+\phi_2)} \end{pmatrix}$$

ユニタリー条件(1列目と2列目が直交)から、2列目の位相が共通になるようにしてあった

さらに、s-クォークの位相変換によって、行列の位相因子は消せてしまう

$$s \to e^{i(\phi_1 - \phi_2)}s \qquad \begin{pmatrix} \cos \theta_c & \sin \theta_c \, e^{i(-\phi_1 + \phi_2)} \\ -\sin \theta_c & \cos \theta_c \, e^{i(-\phi_1 + \phi_2)} \end{pmatrix} \to \begin{pmatrix} \cos \theta_c & \sin \theta_c \\ -\sin \theta_c & \cos \theta_c \end{pmatrix}$$

### CKM行列と世代混合

n×n ユニタリー行列の自由度

- *n*×*n*複素行列の自由度は2*n*<sup>2</sup>
- ユニタリー条件 $V_{CKM}^{\dagger}V_{CKM} = 1$ のため、 $2n^2 n^2 = n^2$
- このうち世代混合に使われる自由度は、 $_{n}C_{2} = \frac{n(n-1)}{2}$  (n個から2個選んで回転)
- クォーク場の位相変換で消せる位相は2n-1
- 物理的に意味を持つ位相の数は、<sup>(n-1)(n-2)</sup>/<sub>2</sub>

したがって、CKM行列が位相を持つためには三世代以上が必要。
$$\frac{(3-1)(3-2)}{2} = 1$$

二世代の場合で、各列の直交条件が位相項を考える上で重要であったこの条件式を複素平面上で表現してみよう



Flavor Physics workshop 2022

#### 先ほど見た通り、クォーク場の位相変換によって行列要素から複素位相が消せる ="二角形"を複素平面上で回転させると、実軸上に持ってこれる



**Flavor Physics workshop 2022** 

#### ところで、CP変換を複素平面で考えると、実軸上での折り返しに対応している = CP変換の元で不変であることが明らか



#### 三世代の場合を考えよう。1列目と3列目の直行関係を使うと、



→ 複素平面上で三角形として表される。

**Flavor Physics workshop 2022** 



二世代の場合と同様にクォーク場の位相変換で三角形を回転することはできる ただし、二角形とは違い、実軸上に全て持ってくることはできない



#### CP変換の元で、二つの三角形が重なることはない(例外を除く)

#### = CP対称性の破れの理由になり得る



**Flavor Physics workshop 2022** 

例外はどんな場合か?

□ 三角形がつぶれて、二角形になっているとき (辺の一つが0 = 内角の一つが0)



#### つぶれていないとしても、辺の長さの違いが大きいとCP対称性の破れは小さい 大きなCP非対称度を観測するためには、三角形の辺の長さが同程度であると良い

### 実際のCKM行列

#### CKM行列の要素の大きさは実験で測定されている Wolfenstein表式

$$V_{CKM} = \begin{pmatrix} 1 - \frac{\lambda^2}{2} & \lambda & A\lambda^3(\rho - i\eta) \\ \\ -\lambda & 1 - \frac{\lambda^2}{2} & A\lambda^2 \\ \\ A\lambda^3(1 - \rho - i\eta) & -A\lambda^2 & 1 \end{pmatrix} + \mathcal{O}(\lambda^4) \quad (\lambda \sim 0.22, A, \rho, \eta \sim \mathcal{O}(1), \eta$$
 CP位相に対応)





### ユニタリティ三角形



Flavor Physics Workshop 2021, 樋口さんの講義

□ユニタリティ三角形は、 行または列の選び方の分書ける

■ 1列目と3列目を取ると、
 各辺の大きさが同程度になる。
 これはB<sup>0</sup>に関連する選び方。

# → B<sup>0</sup>では大きなCP対称性の破れが 見えることが期待される

Flavor Physics workshop 2022

### CP対称性の破れの発見

#### CP 対称性の破れ

1964 年、J. W. Cronin らは、 固有値 –1 の *CP* 固有状態であると信じられてい た K<sup>0</sup><sub>L</sub> (質量の固有状態) が、固有値 +1 の状態に崩壊していないかを調べた。



Flavor Physics Workshop 2021, 樋口さんの講義

■ 最初に**CP**対称性の破れが発見さ れたのは、 $K_L^0 \rightarrow \pi\pi$ の実験

□具体的に

11

Flavor Physics workshop 2022

一般の中性中間子 $P^0$ と、その反粒子 $\bar{P}^0$ の系で考えよう。

 $|P^0> c|\bar{P}^0> c$ 、この系の規格直交基底とすると、一般の状態 $|\psi(t)>$ は $|\psi(t)> = a_1(t)|P^0> + a_2(t)|\bar{P}^0> c書ける。行列で書くとすれば、$  $<math>\psi(t) = {a_1(t) \choose a_2(t)}.$ 

$$\begin{split} \psi(t) & \text{o}時間発展はこの系のハミルトニアンHに従う、<math>i|\dot{\psi}(t) > = H|\psi(t) > \\ & \text{行列で表すと} (H_{11} = < P^0|H|P^0 >, H_{12} = < P^0|H|\bar{P}^0 >, H_{21} = < \bar{P}^0|H|P^0 >, H_{22} = < \bar{P}^0|H|\bar{P}^0 >) \\ & i\dot{\psi}(t) = \mathcal{H}\psi(t), \mathcal{H} = \begin{pmatrix} H_{11} & H_{12} \\ H_{21} & H_{22} \end{pmatrix} \end{split}$$

実際、標準模型ではボックスダイアグラムで  $P^0 \ge \overline{P}^0$ が入れ替わることができる。 (=  $H_{12} \neq 0, H_{21} \neq 0$ )



 $\mathcal{H}$ の性質を見てみよう。<  $\psi | \psi >$ の時間発展を考える。

$$i\frac{\partial}{\partial t} < \psi|\psi> = \left(i\frac{\partial}{\partial t} < \psi|\right)|\psi> + <\psi|\left(i\frac{\partial}{\partial t}|\psi>\right) = -i <\psi|H^{\dagger}|\psi> + i <\psi|H|\psi>$$

 $\mathcal{H}$ がエルミート行列( $\mathcal{H} = \mathcal{H}^{\dagger}$ )であれば、 <  $\psi | \psi >$ は不変。

 $P^0$ の崩壊を考える場合は、<  $\psi | \psi >$ が不変だと困るので、  $\mathcal{H}$ はエルミートではいけない。

ℋは二つのエルミート行列D,Aを使って、次のよう書ける。

$$\mathcal{H} = \frac{\mathcal{H} + \mathcal{H}^{\dagger}}{2} + \frac{\mathcal{H} - \mathcal{H}^{\dagger}}{2} \equiv \mathcal{D} - \frac{i}{2}\mathcal{A}$$

具体的に  $\mathcal{D} = \begin{pmatrix} M & M_{12} \\ M_{12}^* & M \end{pmatrix}, \mathcal{A} = \begin{pmatrix} \Gamma & \Gamma_{12} \\ \Gamma_{12}^* & \Gamma \end{pmatrix}$  と書く。  $\mathcal{D}$ が質量行列、  $\mathcal{A}$ が崩壊を表す項である。(対角成分が同じなのはCPT定理から。省略) なお、 $-\frac{i}{2}$ は崩壊を意味しており、CP位相とは別のもの (i.e.  $e^{-i\left(M-\frac{i}{2}\Gamma\right)t} = e^{-\frac{\Gamma}{2}t}e^{-iMt}$  if  $M_{12} = \Gamma_{12} = 0$ )

**H**の固有ベクトルと固有値を求めると、

$$\begin{split} |P_a > &= \frac{1}{\sqrt{|p|^2 + |q|^2}} (p|P^0 > -q|\bar{P}^0 >) \\ |P_b > &= \frac{1}{\sqrt{|p|^2 + |q|^2}} (p|P^0 > +q|\bar{P}^0 >) \end{split} \qquad \frac{q}{p} = \frac{\sqrt{M_{12}^* - \frac{i}{2}\Gamma_{12}^*}}{\sqrt{M_{12} - \frac{i}{2}\Gamma_{12}}} \end{split}$$

固有値は、
$$\lambda_{a(b)} = \left(M - \frac{i}{2}\Gamma\right) \mp \sqrt{M_{12} - \frac{i}{2}\Gamma_{12}}\sqrt{M_{12}^* - \frac{i}{2}\Gamma_{12}^*}$$

ここで、 
$$\Delta \lambda = \Delta m - \frac{i}{2} \Delta \Gamma = 2 \sqrt{M_{12} - \frac{i}{2} \Gamma_{12}} \sqrt{M_{12}^* - \frac{i}{2} \Gamma_{12}^*}$$
 とおくと、  
 $\lambda_{a(b)} = m_{a(b)} - \frac{i}{2} \Gamma_{a(b)}, m_b - m_a = \Delta m, \Gamma_b - \Gamma_a = \Delta \Gamma$ 

のように書くことができる。 $m_{a(b)}$ と $\Gamma_{a(b)}$ が、それぞれ固有状態の質量と寿命を意味する。

ここまでの計算の意味を文章にすると、

● P<sup>0</sup>と P<sup>0</sup>という中間子の粒子反粒子と、それらが交換・崩壊するようなハミルトニアンから出発

● ハミルトニアン=質量と崩壊についての固有状態 *Pa*, *Pb*、及びその固有値を求めた

つまり交換・崩壊を考えるとき、  $P^0$ ,  $\overline{P}^0$ ではなく、その混合状態 $P_a$ ,  $P_b$ が物理的な固有状態である。

ところで、  $P^0$ と $\overline{P}^0$ は粒子反粒子の関係なので、CP変換で入れ替わる。 (C,P,CP変換を2回すると戻るので固有値の二乗は1. 疑スカラーはP固有値 -1. C固有値は文献による)

 $CP|P^0 > = -|\bar{P}^0 >$ 

したがって、CP固有状態は  $|P_+>=\frac{1}{\sqrt{2}}(|P^0>-|\bar{P}^0>), |P_->=\frac{1}{\sqrt{2}}(|P^0>+|\bar{P}^0>)$ と書ける。 固有値は+1と-1, CP $|P_+>=+|P_+>$ , CP $|P_->=-|P_->$ .

**CP**固有状態 $P_+$ , $P_-$ と、物理的な固有状態 $P_{a,b}$ の関係を考えてみよう。

$$|P_{+}\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|P^{0}\rangle - |\bar{P}^{0}\rangle), \qquad |P_{a}\rangle = \frac{1}{\sqrt{|p|^{2} + |q|^{2}}}(p|P^{0}\rangle - q|\bar{P}^{0}\rangle) |P_{-}\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|P^{0}\rangle + |\bar{P}^{0}\rangle) \qquad |P_{b}\rangle = \frac{1}{\sqrt{|p|^{2} + |q|^{2}}}(p|P^{0}\rangle + q|\bar{P}^{0}\rangle)$$

$$\frac{q}{p} = \frac{\sqrt{M_{12}^* - \frac{i}{2}\Gamma_{12}^*}}{\sqrt{M_{12} - \frac{i}{2}\Gamma_{12}}} = 1 \mathcal{O} \succeq \mathfrak{S}(M_{12} = M_{12}^*, \Gamma_{12} = \Gamma_{12}^*), \ P_a = P_+, P_b = P_- \ \texttt{ictas},$$

=  $M_{12}$ ,  $\Gamma_{12}$ に位相が含まれていなければ、 CP固有状態と物理的な固有状態は一致する

 $\Leftrightarrow$ 

位相項を持っていると、 CP固有状態と物理的な固有状態は一致しない

 $P_{+} = c_a P_a + c_b P_b (c_a \neq 0, c_b \neq 0)$ とおく。 $P_a \ge P_b$ はそれぞれ時間発展するので、t時間後には

$$P_+(t) = c_a e^{-i\lambda_a t} P_a + c_b e^{-i\lambda_b t} P_b$$

となる。 $P_+(t)$ がCP固有状態であるとみなせるためには、

$$\frac{c_a}{c_b} = \frac{c_a e^{-i\lambda_a t}}{c_b e^{-i\lambda_b t}}$$

である必要がある( $\Leftrightarrow \Delta \lambda = 0, 2\pi, ...$ )が、これは一般には成り立たない。

CP固有状態が時間発展によってCP固有状態でなくなる = CP対称性が破れている

特に、 $P^0$ , $\bar{P}^0$ の崩壊振幅そのものの**CP**対称性の破れでないので、**間接的CP対称性の破れ**と呼ばれる  $M_{12}$ , $\Gamma_{12}$ が複素位相を持つことで、**CP**対称性の破れが生まれる  $K^0, \overline{K}^0$ の場合で更に具体的に見てみよう。

物理的な固有状態は、 $K_S, K_L$  (<- $P_a, P_b$ )と書かれる。それぞれの主な崩壊モードが、

$$K_S \longrightarrow \pi^+\pi^-, \pi^0\pi^0 \pi\pi^0$$
のCP固有値は1

$$K_L \longrightarrow \pi^0 \pi^0 \pi^0, \pi^+ \pi^- \pi^0 \pi \pi^0$$
CP固有値は-1

であることがわかっていた。その後、実験によって $K_L \rightarrow \pi\pi$ が観測された。これは、

- *K<sub>s</sub>*, *K<sub>L</sub>* が**CP**固有状態(*K*<sub>+</sub>, *K*<sub>-</sub>)でないこと = 間接的**CP**対称性の破れ(⇔ *q*/*p* ≠ 1)
- あるCP固有状態が別のCP固有状態に崩壊すること = 直接的CP対称性の破れ

の少なくともどちらかが起きたことを意味しているので、CP対称性の破れを発見したことになる

 $K_L$ のsemi-leptonic崩壊の非対称度, $\delta_L$ 

$$\delta_L = \frac{\Gamma(K_L \to \pi^- \ell^+ \nu_\ell) - \Gamma(K_L \to \pi^+ \ell^- \bar{\nu}_\ell)}{\Gamma(K_L \to \pi^- \ell^+ \nu_\ell) + \Gamma(K_L \to \pi^+ \ell^- \bar{\nu}_\ell)} = \frac{1 - |q/p|^2}{1 + |q/p|^2} \simeq 1 - \left|\frac{q}{p}\right| = (3.32 \pm 0.06) \times 10^{-3}$$

(3.32±0.06)×10<sup>-3</sup> は実測値であり、 *q/p*の絶対値(実部)が1からずれていることが観測されている。 = **間接的CP対称性の破れ** が生じている = *K*<sub>L</sub>はCP固有状態*K*\_ではない



 $B^0$ の場合、質量固有状態( $B_a, B_b$ )の寿命の差が非常に小さい( $\Delta \Gamma \ll \Gamma$ )ため、  $K_S, K_L$ のようにそれぞれ取り出して観測することが困難

→ 生成したB<sup>0</sup>(B<sup>0</sup>)が、B<sup>0</sup>とB<sup>0</sup>の間で振動しながら伝播する中でCP対称性の破れを測定 (角振動数は質量差Δm.寿命 Γ と同程度なので崩壊するまでの間で混合してくれる)

間接的**CP**対称性の破れが生じる条件は、 $q/p \neq 1$ であった。 ただし、Bの場合はq/pの絶対値(実部)の1からのずれは非常に小さい =  $M_{12}$  と $\Gamma_{12}$ の位相が同じだと、大きな位相であっても実部には現れない



残る可能性としては、q/pの虚部 Im(q/p)によって生じる間接的**CP**対称性の破れである。

ただし、これはbクォークの位相変換によって変わり得る=真に物理的に意味のある物理量ではない

$$b \to e^{i\phi}b$$
  $\qquad \qquad \frac{q}{p} \to e^{-2i\phi}\frac{q}{p}$ 

そこで、 $B^0 \geq \overline{B}^0$ からある**CP**固有状態fへの崩壊を考えてみよう。( $K_S, K_L \rightarrow \pi\pi$  と類似)

$$A_f = A(B^0 \to f), \bar{A}_f = A(\bar{B}^0 - f)$$

この過程では、  $B^0 \rightarrow f \ge \overline{B}^0 - f$ の異なる崩壊過程の間の干渉が可能で可能である。 → 初期状態が $B^0$ であったとき、 $B^0 \rightarrow f$ 過程 $\ge B^0 \rightarrow \overline{B}^0 \rightarrow f$ 過程が干渉する。



この間の干渉で出てくる位相には、Im(q/p)だけでなく、 $A_f \land \bar{A}_f$ の間の位相差も含まれる,



ここで改めてbクォークの位相変換を考えてみよう。 $B^{0}$ と $\overline{B}^{0}$ の崩壊振幅は逆の位相変換を受ける。

$$b \to e^{i\phi}b$$
  $A_f \to e^{-i\phi}A_f, \bar{A}_f \to e^{i\phi}\bar{A}_f$   $\frac{q}{p} \to e^{-2i\phi}\frac{q}{p}$ 

したがって、 $Im\left(rac{q}{p}rac{ar{A}_f}{A_f}
ight)$ はbクォークの位相変換の元で不変な物理 = 物理的意味を持つ物理量

形から明らかであるが、  $Im\left(\frac{q}{p}\frac{\bar{A}_{f}}{A_{f}}\right)$ は"純粋な"間接的CP対称性の破れではなく、 間接的CP対称性の破れ( $q/p \neq 1$ )と直接的CP対称性の破れ( $A_{f}/\bar{A}_{f} \neq 1$ )の干渉効果である。

直接的**CP**対称性の破れを持たないような $B^0 \rightarrow f$ を選ぶことで、間接的対称性の破れを測定する 初期状態が $B^0(\bar{B}^0)$ とわかっている**B**中間子が、時刻tに終状態fに崩壊する数を $B^0$ と $\bar{B}^0$ で比較

$$A_{CP}(t) = \frac{\Gamma(\bar{B}^0 \to f)(t) - \Gamma(B^0 \to f)(t)}{\Gamma(\bar{B}^0 \to f)(t) + \Gamma(B^0 \to f)(t)}$$
$$\longrightarrow A_{CP}(t) \simeq \sin(\Delta m t) \cdot Im\left(\frac{q}{p}\frac{\bar{A}_f}{A_f}\right)$$



 $B^0 \rightarrow J/\psi K_S^0$ 等で測定されている間接的**CP**対称性の破れの大きさは 0.695 ± 0.019

→ 10%オーダーの大きな間接的CP対称性の破れ

まとめると、

- 中性中間子P<sup>0</sup>, P<sup>0</sup>の物理的な固有状態が、CP固有状態と一致しないとき(q/p ≠ 1)

   間接的CP対称性の破れが生じる
- K中間子の場合、|q/p| ≠ 1であることで間接的CP対称性の破れが生じるがO(10<sup>-3</sup>) = ユニタリティ三角形が潰れている
- B中間子の場合、q/pの位相項による間接的CP対称性を、直接的CP対称性の破れとの 干渉効果によって測定できて、10%程度の大きなCP非対称度が測定された = ユニタリティ三角形の内角が大きい

CKM行列ありきで考えてきたが、実験でユニタリティ三角形の内角や辺を測定することで 標準模型の正しさを証明してきた □ Belle, BaBarによるB中間子のCP非保存の研究によって、 CKM行列の複素位相がCP非保存を引き起こす = 小林益川模型(標準模型) が確立

□ Belle II はより多くのデータを用いてB中間子のCP非保存の精密測定

- ユニタリティ三角形は究極的に閉じているか?新たなCP非保存のソース?
- TreeとLoopで描かれるユニタリティ三角形は同じ形か?



### 時間依存CP非対称度測定



$$\mathcal{A}_{CP}(\Delta t) = \frac{\Gamma(\bar{B}^0(\Delta t) \to f_{CP}) - \Gamma(B^0(\Delta t) \to f_{CP})}{\Gamma(\bar{B}^0(\Delta t) \to f_{CP}) + \Gamma(B^0(\Delta t) \to f_{CP})}$$
$$= \frac{S_{CP}}{S_{CP}} \sin(\Delta m_d \Delta t) + \frac{A_{CP}}{A_{CP}} \cos(\Delta m_d \Delta t)$$

*S<sub>CP</sub>*:時間依存(mixing-induced)CP-violation, *A<sub>CP</sub>*:直接的CP-violation

 $\Delta m_d$ : mass difference between B mass eigenstate

時間依存CP非対称度測定: Belle IIのFlagship、検出器性能の理解が重要

- 1. B中間子のCP固有状態への崩壊過程を再構成・背景事象のモデリング
- 2. Tag側のB中間子のフレーバー識別・誤識別率の評価
- 3. 崩壊時間差∆tの測定・分解能評価

### **Flavor Tag**

- □ Signal側を再構成後に残った粒子情報を用いて Tag側のB中間子のフレーバー(B<sup>0</sup> or B<sup>0</sup>)を識別
  - 荷電レプトン( $B^0 \to X\ell^+ \nu \text{ vs } \overline{B}{}^0 \to X\ell^- \overline{\nu}$ )
  - K中間子( $B^0 \to X_{\overline{c}} \to K^+ \text{ vs } \overline{B}{}^0 \to X_c \to K^-$ )
  - *D*\*の崩壊で生じる*π<sub>slow</sub>*...
- □ 崩壊モードに基づきCategory(e.g. Electron, Kaon, ...)毎に学習。Categoryの結果を組み合 わせて、再学習して最終結果を出力
  - 学習にはFastBDTを使用
     Stochastic Gradient BDTのpackageの一つ
     T. Keck, Comput. Softw. Big Sci. 1 (2017) no. 1, 2.





Eur. Phys. J 82, 283 (2022)

### **Flavor Tag**



□ 学習変数、機械学習のパラメータの最適化、粒子の事前選別による改善を準備中 ⇒ MC simulation:  $\varepsilon_{eff} = 34.1\%$ 



# **B**<sup>0</sup>中間子の寿命, Mixing parameterの測定

□ Flavor specificな崩壊過程を用いて、 B<sup>0</sup> Lifetime, Mixing parameterを測定

$$mix(\Delta t) = \frac{N(\bar{B}^0 \to \bar{B}^0) - N(\bar{B}^0 \to B^0)}{N(\bar{B}^0 \to \bar{B}^0) + N(\bar{B}^0 \to B^0)} (\Delta t)$$
$$= \cos(\Delta m_d \Delta t)$$

- □ Flavor Tagや崩壊時間差∆tの分解能評価など 時間依存CP非対称度測定の手法を確認
  - Signal:  $B^0 \to D^- h^+, D^{*-} h^+ (h = \pi, K)$

 $\tau_{B^0} = 1.499 \pm 0.013 (\text{stat}) \pm 0.008 (\text{syst}) \text{ ps},$  $\Delta m_d = 0.516 \pm 0.008 (\text{stat}) \pm 0.005 (\text{syst}) \text{ ps}^{-1}$ 

World Average:  $\tau_{B^0} = 1.519 \pm 0.004$  ps,  $\Delta m_d = 0.5065 \pm 0.0019$  ps<sup>-1</sup>





佐藤 瑶

### *M*<sub>bc</sub>, Δ*E*, 事象形状について

□ 再構成したB中間子と始状態のKinematicsを用いた観測量. 信号事象の抽出に用いる



□ 主な背景事象であるe<sup>+</sup>e<sup>-</sup> → qq̄ (q = u,d,s,c)の抑制に 事象形状の情報を用いる

- $m_q \ll \sqrt{s/2} \Rightarrow \tilde{v} = v + \tilde{v}$
- $m_B \sim \sqrt{s/2} \Rightarrow$ 等方的、球状



## **sin(2φ**<sub>1</sub>)の測定手法

□ 
$$B^0 - \overline{B}^0$$
混合で、位相が $\arg(V_{td}^2) = 2\phi_1$ 変わる  
□ 崩壊過程に位相を持たない過程を選べば、  
 $B^0 \rightarrow f_{CP} \geq B^0 \rightarrow \overline{B}^0 \rightarrow f_{CP}$ の位相差は $2\phi_1$ 

 $S_{CP} = \sin(2\phi_1)$  ,  $A_{CP} = 0$ 



- $\Box b \rightarrow c\bar{c}s$ は位相を持たない**Tree**過程が支配的
  - Penguin過程は位相を持つが、
     Doubly CKM suppress & Loop suppress
- ⇒  $sin(2\phi_1)$  精密測定のGolden mode



# $\sin(2\phi_1): B^0 \to J/\psi K_S^0$

- $\square J/\psi \rightarrow e^+e^-, \mu^+\mu^-, K^0_S \rightarrow \pi^+\pi^-$ から再構成
- □ 事象形状、M<sub>bc</sub>から事象選別
   ⇒ ほぼBackground free, Purity = 98.6%
- **□** Δ*E*分布のFitから信号抽出
- Lifetime, Mixing measurement で較正した
   Flavor Tag、Δt 分解能を用いてCP非保存の測定

 $S_{CP} = 0.720 \pm 0.062 (\text{stat}) \pm 0.016 (\text{syst}),$  $A_{CP} = 0.094 \pm 0.044 (\text{stat}) \stackrel{+0.042}{_{-0.017}} (\text{syst})$ 

World Average:  $S_{CP} = 0.695 \pm 0.019$ ,  $A_{CP} = 0.000 \pm 0.020$ 



### $b \rightarrow sq\overline{q} (q = u, d, s)$

□  $b \rightarrow sq\bar{q}$ : Penguin過程が支配的、特にq = d, sは標準模型ではTree過程が禁止 標準模型の崩壊過程に位相を持たない,  $S_{CP}^{sq\bar{q}} \simeq S_{CP}^{c\bar{c}s} = sin(2\phi_1), A_{CP}^{sq\bar{q}} \simeq A_{CP}^{c\bar{c}s} = 0$ 

□ Loopに現れる新粒子の寄与によって、標準模型の予言からずれる可能性がある



□  $b \rightarrow c\bar{c}s$ でのCP非保存測定の結果を参照として、精密測定から新物理を探索  $B^{0} \rightarrow K_{S}^{0}K_{S}^{0}K_{S}^{0}, \eta'K_{S}^{0}, \phi K_{S}^{0}$ は理論計算の精度も高いGolden modes 谷川輝, 7aA431-7 裵漢郁, 7aA431-5

# $B^0 \to K^0_S K^0_S K^0_S$

- □  $K_S^0 \rightarrow \pi^+\pi^-$ : B中間子の崩壊点から離れた位置で崩壊 ⇒ B中間子の運動量方向の交点から崩壊点を再構成
- □ 崩壊点検出器(VXD)の大型化により、
   VXDで再構成されるK<sup>0</sup><sub>s</sub>の割合が増加
- □ 主な背景事象:  $e^+e^- \rightarrow q\bar{q} (q = u, d, s, c)$ 事象  $\Rightarrow$  イベント形状を用いた**FastBDT**で選別
- □ *M*<sub>bc</sub>, *M*<sub>B</sub>, 事象選別FastBDT出力結果のFitで信号抽出





Flavor Physics workshop 2022

佐藤 瑶

# $B^0 \to K^0_S \pi^0 \gamma$

□  $b \rightarrow s\gamma$ :標準模型ではPenguin過程で生じる。 弱い相互作用がパリティを破るため、  $B^0 \ge \overline{B}^0$ でDominantな光子の偏極が異なる

$$\begin{array}{c}
 b \longrightarrow t & d \\
 \overline{d} \longrightarrow \overline{t} & \overline{b} & \overline{b} & \overline{b} & \overline{b} & \overline{f_{CP} \gamma_L} \\
 \overline{d} \longrightarrow \overline{f_{CP} \gamma_R} & \overline{f_{CP} \gamma_R} & \overline{f_{CP} \gamma_R} \\
\end{array}$$

 $S_{CP} \simeq -2 \frac{m_s}{m_b} \sin(2\phi_1) \simeq -0.023 \pm 0.016$ P.Ball et al, Phys. Rev., D75, 054004 (2007)

⇒ 有意なCP非保存が発見されれば新物理の証拠

- **口**  $B^0 \rightarrow K_S^0 \pi^0 \gamma$  の崩壊分岐比測定
  - $K_S^0 \rightarrow \pi^+\pi^-, \pi^0 \rightarrow \gamma\gamma$ から再構成,  $M_{K_S^0\pi^0} < 1.1$  GeV
  - ΔE のFitで信号抽出

$$Br(B^0 \to K_S^0 \pi^0 \gamma) = (7.3 \pm 1.8(\text{stat}) \pm 1.0(\text{syst})) \times 10^{-6}$$

□ CP非保存の測定に向けた解析が進行中

植松祐真, 7aA431-6





#### $\phi_2$ の測定手法

ユニタリティ三角形の内角で誤差が最も大きい,  $\phi_2 = (85.2^{+4.8}_{-4.3})^\circ$ 

 $\square \ b \to u \overline{u} d$ 

- Tree過程は弱位相を持ち、  $B^0 \rightarrow f_{CP} \geq B^0 \rightarrow \overline{B}^0 \rightarrow f_{CP} \mathcal{O}$ 位相差は $2\phi_2 = \arg(V_{tb}^2/V_{ub}^2)$
- Penguin過程が無視できない
   TreeとPenguinの干渉の効果が現れる

$$S_{CP} = \sqrt{1 - A_{CP}^2} \sin(2\phi_2 + 2\Delta\phi_2), A_{CP} \neq 0$$



### $\phi_2: B \rightarrow \pi\pi (\rho\rho) \ \mathcal{P} \wedge \mathcal{P} \vee \mathcal{P}$

$$\frac{1}{\sqrt{2}}A^{+-} + A^{00} = A^{+0}$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}}\tilde{A}^{+-} + \tilde{A}^{00} = \tilde{A}^{+0}$$

$$A^{+0} = \tilde{A}^{+0}$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}}A^{+-} + \tilde{A}^{00} = \tilde{A}^{+0}$$

$$A^{+0} = \tilde{A}^{+0}$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}}A^{(B^{0} \to \pi^{+}\pi^{-})} = \tilde{A}^{(B^{0} \to \pi^{+}\pi^{0})} = \tilde{A}^{(B^{-} \to \pi^{-}\pi^{0})}$$

$$M. \text{ Gronau and D. London, PRL 65 (1990), 3381}$$

- **ロ**  $B \rightarrow \pi^+ \pi^-, \pi^0 \pi^0, \pi^+ \pi^0$ の崩壊分岐比、 CP非保存,  $S_{CP}^{\pi^+ \pi^-}, S_{CP}^{\pi^0 \pi^0}, A_{CP}^{\pi^+ \pi^-}, A_{CP}^{\pi^0 \pi^0}$ の測定から $\phi_2$ を測定.
- **□**  $B \rightarrow \rho \rho$  でも同様の測定から $\phi_2$ を測定
- **□** Belle II ではこれら全てを測定し、  $\phi_2$ の測定精度の向上を行う
  - $B^0 \rightarrow \pi^0 \pi^0$ の時間依存**CP**非保存  $S_{CP}^{\pi^0 \pi^0}$ はこれまで測定されていない

#### $K\pi$ パズル: $B \rightarrow K\pi$

■ PenguinとTreeの干渉で直接CP非保存
$$A_{CP}$$
をもつ  
■  $B^0 \rightarrow K^+\pi^- \ge B^+ \rightarrow K^+\pi^0 \overrightarrow{o} A_{CP}$ が有意に異なる  
World Average:

$$\Delta A_{CP} \equiv A_{CP}^{K^+\pi^0} - A_{CP}^{K^+\pi^-} = 0.124 \pm 0.021$$

● EW-Penguin, Color-suppressed-Treeに新物理?

$$I_{K\pi} = A_{CP}^{K^{+}\pi^{-}} + A_{CP}^{K^{0}\pi^{+}} \frac{\Gamma(K^{0}\pi^{+})}{\Gamma(K^{+}\pi^{-})} - A_{CP}^{K^{+}\pi^{0}} \frac{2\Gamma(K^{+}\pi^{0})}{\Gamma(K^{+}\pi^{-})} - A_{CP}^{K^{0}\pi^{0}} \frac{2\Gamma(K^{0}\pi^{0})}{\Gamma(K^{+}\pi^{-})}$$

□ 標準模型では1%以下の精度で*I<sub>Kπ</sub>* = 0. 新物理探索に有効な観測量

**ロ** World average:  $I_{K\pi} = -0.14 \pm 0.11$ .  $A_{CP}^{K^0\pi^0}$ の精度が制限;  $A_{CP}^{K^0\pi^0} = 0.01 \pm 0.10$ 

⇒ Belle II は全ての観測量を精密測定し、新物理探索を行う



#### $B^0 o \pi^0 \pi^0$

- **ロ**  $\pi^0 \rightarrow \gamma \gamma$ から再構成
  - $\pi^0$ を複数持ち、**Track**を持たないためLHCbでは困難
- **口**  $\pi^0$ の検出効率向上のため、FastBDTを用いて $\gamma$ を選別
- **□** *M*<sub>bc</sub>, *ΔE*, 事象選別**FastBDT**出力結果の**Fit**で信号抽出
- □ Flavor TagでB中間子のフレーバーを同定し、 直接CP非保存を測定
  - 再構成効率, Belle II: 35.5%, Belle: 22% ~1/4の統計量でBelleに迫る精度を達成

 $A_{CP}^{\pi^0\pi^0} = 0.14 \pm 0.46(\text{stat}) \pm 0.07(\text{syst}),$  $Br_{\pi^0\pi^0} = (1.27 \pm 0.25(\text{stat}) \pm 0.17(\text{syst})) \times 10^{-6}$ 

World Average:  $A_{CP}^{\pi^0\pi^0} = 0.33 \pm 0.22$ ,  $Br_{\pi^0\pi^0} = (1.59 \pm 0.26) \times 10^{-6}$ 

Belle, 693 fb<sup>-1</sup>:  $A_{CP}^{\pi^0\pi^0} = -0.14 \pm 0.36 \pm 0.10$ ,  $Br_{\pi^0\pi^0} = (1.31 \pm 0.19 \pm 0.19) \times 10^{-6}$ 



J. Skorupa @ ICHEP 2022

### $B^+ ightarrow K^+ \pi^0$ , $\pi^+ \pi^0$

□ 共通の選別条件で再構成

粒子識別情報からKaon-enrich, pion-enrichに分離

- 誤識別されたイベントはピークがずれる
- □ M<sub>bc</sub>, ΔE, 事象選別FastBDT出力結果のFitで信号抽出 B<sup>+</sup>とB<sup>-</sup>を分けたFit結果からA<sub>CP</sub>を測定

$$\begin{aligned} A_{CP}^{K^{+}\pi^{0}} &= 0.014 \pm 0.047(\text{stat}) \pm 0.010(\text{syst}), \\ A_{CP}^{\pi^{+}\pi^{0}} &= -0.085 \pm 0.085(\text{stat}) \pm 0.019(\text{syst}), \\ Br_{K^{+}\pi^{0}} &= (14.30 \pm 0.69(\text{stat}) \pm 0.79(\text{syst})) \times 10^{-6}, \\ Br_{\pi^{+}\pi^{0}} &= (6.12 \pm 0.53(\text{stat}) \pm 0.53(\text{syst})) \times 10^{-6} \end{aligned}$$

World Average:  $A_{CP}^{K^+\pi^0} = 0.030 \pm 0.013, Br_{K^+\pi^0} = (12.9 \pm 0.5) \times 10^{-6}$  $A_{CP}^{\pi^+\pi^0} = 0.03 \pm 0.04, Br_{\pi^+\pi^0} = (5.5 \pm 0.4) \times 10^{-6}$ 





佐藤 瑶

 $B^0 \rightarrow K^0_S \pi^0$ 

#### **ロ** $K_S^0 \rightarrow \pi^+ \pi^-, \pi^0 \rightarrow \gamma \gamma$ から再構成

- *K*<sup>0</sup><sub>S</sub>の運動量方向を内挿し、衝突領域との
   交点からB中間子の崩壊点を再構成

   → Δt を測定
- Δ*t*, *M*<sub>bc</sub>, Δ*E*, 事象選別FastBDT出力結果の
   Fitから崩壊分岐比、直接CP非保存を測定

 $A_{CP}^{K^0\pi^0} = -0.41_{-0.32}^{+0.30}(\text{stat}) \pm 0.09(\text{syst}),$  $Br_{K^0\pi^0} = (11.0 \pm 1.2(\text{stat}) \pm 1.0(\text{syst})) \times 10^{-6}$ 

World Average:  $A_{CP}^{K^0\pi^0} = 0.01 \pm 0.10$ ,  $Br_{K^0\pi^0} = (9.9 \pm 0.5) \times 10^{-6}$ 



arXiv:2206.07453

# $B^0 o ho^+ ho^-$

 $\square \rho^{\pm} \rightarrow \pi^{\pm}\pi^{0}, \pi^{0} \rightarrow \gamma\gamma$ から再構成

- $\rho$ : vector meson  $\Rightarrow \rho^{\pm} \rightarrow \pi^{\pm}\pi^{0}$ の Helicity angleから偏極を分離
- 6変数の同時Fitで崩壊分岐比と Longitudinal fraction *f*<sub>L</sub> を測定
  - $\Delta E$ ,事象選別**FastBDT**の出力結果,  $m_{\pi^+\pi^0}, m_{\pi^-\pi^0}, \cos \theta_{\rho^+}, \cos \theta_{\rho^-}$

 $Br_{\rho^+\rho^-} = (2.67 \pm 0.28(\text{stat}) \pm 0.28(\text{syst})) \times 10^{-5},$  $f_L = 0.956 \pm 0.035(\text{stat}) \pm 0.033(\text{syst})$ 

World Average:  $Br_{\rho^+\rho^-} = (2.77 \pm 0.19) \times 10^{-5}$ ,  $f_L = 0.990^{+0.021}_{-0.019}$ 

中沢遊, 7aA431-3 大久保亮吾, 7aA431-4



佐藤 瑶

 $B^+ 
ightarrow 
ho^+ 
ho^0$ 

 $\square \rho^+ \to \pi^+ \pi^0, \rho^0 \to \pi^+ \pi^-$ から再構成

□6変数の同時Fitで崩壊分岐比, *f*<sub>L</sub> を測定.

ΔE, 事象選別FastBDTの出力結果,

 $m_{\pi^+\pi^0}$  ,  $m_{\pi^+\pi^-}$  ,  $\cos heta_{
ho^+}$  ,  $\cos heta_{
ho^0}$ 

**□** *B*<sup>+</sup>*と B*<sup>-</sup> の **Fit** から、直接 **CP** 非保存を測定

$$A_{CP}^{\rho^+\rho^0} = -0.069 \pm 0.068(\text{stat}) \pm 0.060(\text{syst})$$
$$Br_{\rho^+\rho^0} = \left(23.2^{+2.2}_{-2.1}(\text{stat}) \pm 2.7(\text{syst})\right) \times 10^{-6},$$
$$f_L = 0.943^{+0.035}_{-0.033}(\text{stat}) \pm 0.027(\text{syst})$$

World Average:  $A_{CP}^{\rho^+ \rho^0} = -0.05 \pm 0.05$  $Br_{\rho^+ \rho^0} = (24.0 \pm 1.9) \times 10^{-6}$  $f_L = 0.950 \pm 0.016$ 



57

Flavor Physics workshop 2022

佐藤 瑶

□ B中間子のCP非保存の精密測定による、標準模型を超える新物理の探索.

□ 検出器の較正、解析手法の開発が完了.時間依存CP非対称度の測定結果を報告

- $B^0 \rightarrow J/\psi K_S^0$ : sin(2 $\phi_1$ )測定による解析手法のCalibration
- $B^0 \rightarrow K^0_S K^0_S K^0_S$ :  $b \rightarrow sq\bar{q}$  のループに現れる新物理の探索
- $B^0 \rightarrow K_S^0 \pi^0 \gamma$ :  $b \rightarrow s \gamma$  のループに現れる新物理の探索
- $B \rightarrow \pi\pi, \rho\rho$ : アイソスピン解析によるユニタリティ三角形の角度 $\phi_2$ の測定
- $B \rightarrow K\pi$ :  $K\pi$ パズル、 Isospin sum ruleによる新物理探索

□ BaBarに比肩するデータ(~430 fb<sup>-1</sup>)を2022年夏までに取得. 検出器、解析手法の改善を含めて、全データの解析が進行中